

MOTO RETTILINEO UNIFORMEMENTE ACCELERATO

TRAJETTORIA
RETTILINEA

ACCELERAZIONE
COSTANTE

$$\rightarrow \bar{a} = a$$

$$\begin{cases} \bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t} \\ \bar{a} = a \end{cases}$$

M.R.U.A.

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

DIRETTAMENTE PROPORZIONALI

$$\uparrow \quad \uparrow$$
$$\Delta v = a \Delta t$$

COSTANTE DI
PROPORZIONALITÀ

$$v - v_0 = a(t - t_0)$$

↑
VELOCITÀ
INIZIALE

↳ 0

LEGGE DELLA
VELOCITÀ
DEL M.R.U.A.

$$v = v_0 + at$$

ACCELERAZIONE

→ ACCELERAZIONE MEDIA è il rapporto tra la variazione di velocità e l'intervallo di tempo in cui avviene

$$\bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1}$$

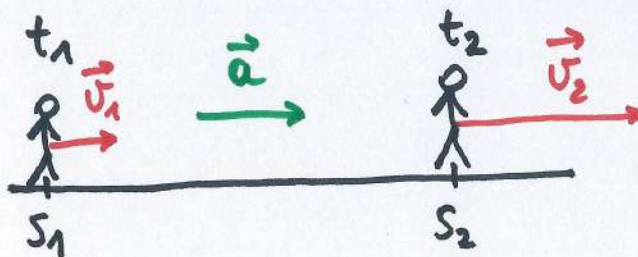
UNITA' DI MISURA
(S.I.) $\frac{m}{s^2}$

→ ACCELERAZIONE ISTANTANEA è il valore al quale tende il rapporto $\frac{\Delta v}{\Delta t}$ quando Δt diventa **INFINITAMENTE PICCOLO**

$$a = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

↓
È L'ACCELERAZIONE DEL
CORPO IN UN DETERMINATO
ISTANTE

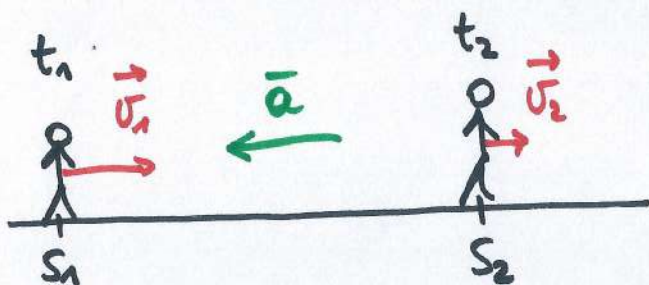
SEGNO



$$|v_2| > |v_1|$$

$$\bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} > 0$$

ACCELERAZIONE MEDIA
POSITIVA



$$|v_2| < |v_1|$$

$$\bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} < 0$$

ACCELERAZIONE MEDIA
NEGATIVA

↓
il corpo ha subito
una DECELERAZIONE

$$\text{se } v_2 = v_1 \rightarrow \bar{a} = 0 \frac{m}{s^2}$$

→ LEGGE ORARIA

Consideriamo un corpo che viaggia con M.R.U.A.

VELOCITA' MEDIA $\bar{v} = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{s - s_0}{t - t_0} \rightarrow s = s_0 + \bar{v}t$

\downarrow 0 \rightarrow \downarrow $v \neq \bar{v}$

SOST.

$a = \text{costante}$ $\rightarrow \bar{v} = \frac{1}{2}(v_0 + v)$ VALORE MEDIO

$$s = s_0 + \bar{v}t = s_0 + \frac{1}{2}(v_0 + v)t = s_0 + \frac{1}{2}(v_0 + \underbrace{v_0 + at})t =$$

\downarrow \uparrow

$v = v_0 + at$

$$= s_0 + \frac{1}{2}(2v_0 + at)t = s_0 + v_0t + \frac{1}{2}at^2$$

$$s = s_0 + v_0t + \frac{1}{2}at^2$$

LEGGE ORARIA
DEL M.R.U.A.

LEGGE SPAZIO-VELOCITA' (MOTO RETTILINEA UNIF. ACCELERATO)

$$\begin{cases} v = v_0 + at \\ s = s_0 + v_0 t + \frac{1}{2} at^2 \end{cases} \quad \begin{cases} t = \frac{v - v_0}{a} \quad \text{sost.} \\ \underbrace{s - s_0}_{\Delta s} = v_0 t + \frac{1}{2} at^2 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \Delta s &= v_0 \left(\frac{v - v_0}{a} \right) + \frac{1}{2} a \frac{(v - v_0)^2}{a^2} = \frac{v_0 v - v_0^2}{a} + \frac{v^2 + v_0^2 - 2v v_0}{2a} = \\ &= \frac{\cancel{2v_0 v} - 2v_0^2 + v^2 + v_0^2 - \cancel{2v v_0}}{2a} = \frac{v^2 - v_0^2}{2a} \end{aligned}$$

→ $\boxed{v^2 = v_0^2 + 2a \Delta s}$ LEGGE SPAZIO-VELOCITA'

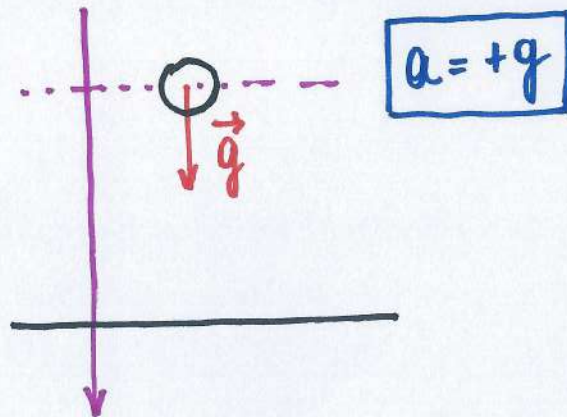
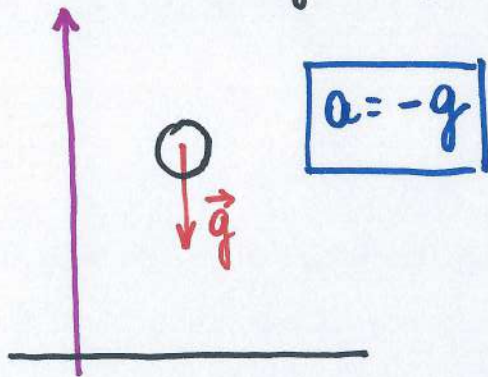
Il moto di CADUTA LIBERA

ACCELERAZIONE GRAVITAZIONALE $g = 9,81 \frac{m}{s^2}$

→ STESSA LEGGI DEL M.R.U.A.

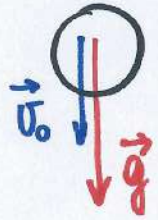
con $a = \pm g$

e segno dipende dal sistema di riferimento

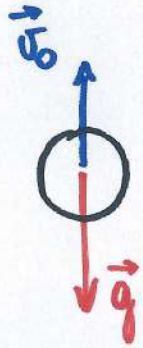


$$\begin{cases} v = v_0 - gt \\ s = s_0 + v_0 t - \frac{1}{2} g t^2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} v = v_0 + gt \\ s = s_0 + v_0 t + \frac{1}{2} g t^2 \end{cases}$$



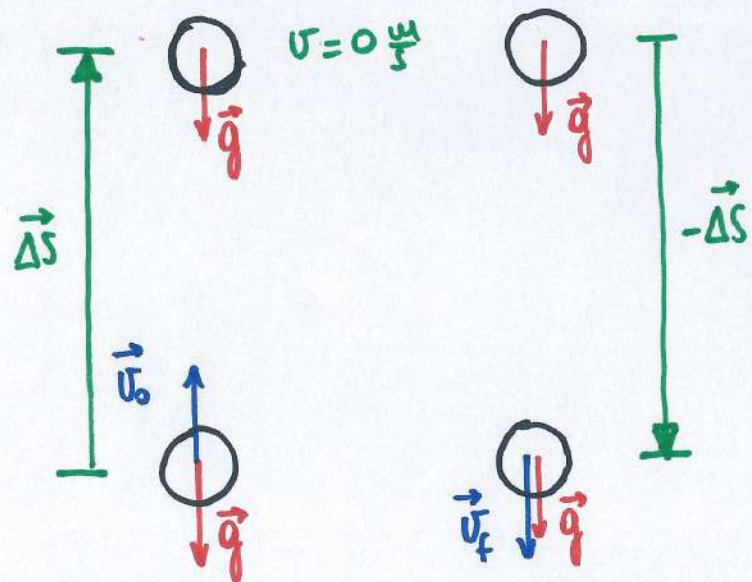
MOTO ACCELERATO con $a = g$



↑ MOTO DECELERATO } $a = g$
↓ MOTO ACCELERATO }

NEL PUNTO PIU' ALTO LA
VELOCITA' DEL CORPO E' NULLA

Se il corpo torna nella posizione iniziale
IL MOTO È SIMMETRICO



SPAZIO PERCORSO

$$\Delta S_{\uparrow} = -\Delta S_{\downarrow}$$

TEMPO

$$\Delta t_{\uparrow} = \Delta t_{\downarrow}$$

VELOCITÀ

$$v_0 = -v_f$$