

# L'equilibrio del punto materiale

Elia Rampi - fisicafast.it

In questo video parliamo dell'equilibrio del punto materiale.

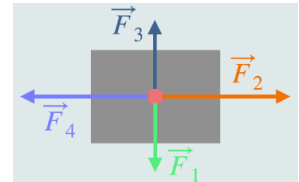
Un corpo è in equilibrio se è fermo e rimane fermo.

Sappiamo che un corpo può traslare nello spazio ma può anche ruotare o deformarsi.

In questo video consideriamo solo corpi che sono rappresentati da punti materiali.

Un punto materiale è la rappresentazione di un corpo con un unico punto; con questa semplificazione possiamo trascurare le rotazioni e le deformazioni e consideriamo solo le traslazioni del corpo.

Consideriamo quindi un corpo rappresentato da un punto materiale, fermo sul quale agiscono delle forze.



Il punto materiale è in equilibrio, quindi rimane fermo, se la risultante delle forze che agiscono su di esso è nulla. In altre parole: se il corpo è in equilibrio la somma di tutte le forze che agiscono sul corpo deve essere uguale a zero:

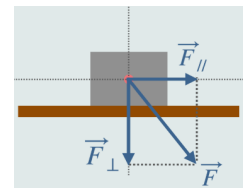
$$\vec{F}_{tot} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 + \dots = 0.$$

Questa è la condizione di equilibrio di un punto materiale.

Attenzione che le forze sono vettori, quindi nella formula abbiamo una somma vettoriale.

Per studiare l'equilibrio di un corpo su un piano è utile considerare separatamente le forze nelle direzioni parallela e perpendicolare al piano. Siccome  $\vec{F}_{tot} = \vec{F}_{tot\perp} + \vec{F}_{tot\parallel}$ , se  $\vec{F}_{tot} = 0$ , allora anche  $\vec{F}_{tot\perp} = 0$  e  $\vec{F}_{tot\parallel} = 0$ .

Osserviamo anche che se una forza non è parallela a queste due direzioni dobbiamo scomporla e considerare le sue proiezioni nelle direzioni parallela e perpendicolare al piano.



Vediamo qualche esempio semplice.

## Esempio 1

Consideriamo un corpo di massa  $m$  in equilibrio su un piano orizzontale.

Sul corpo agisce la sua forza peso, che sappiamo che è rivolta verso il basso quindi in questo esempio è perpendicolare al piano e ha intensità uguale a

$$F_p = m \cdot g.$$

[Per un approfondimento sulla forza peso trovi il video dedicato in descrizione]

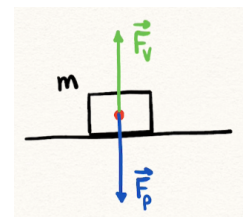
Se ci fosse solo questa forza il corpo sprofonderebbe nel piano. Ciò non accade perché c'è il piano che è un vincolo che risponde alla forza peso con una forza uguale e opposta detta reazione vincolare, che indichiamo con  $\vec{F}_V$ . Quindi  $\vec{F}_P = -\vec{F}_V$  e le intensità sono uguali  $F_P = F_V$ .

La forza risultante che agisce sul corpo  $\vec{F}_{tot}$  è la somma di queste due forze.

$$\vec{F}_{tot} = \vec{F}_P + \vec{F}_V$$

Siccome le due forze hanno la stessa intensità e verso opposto, la loro somma è uguale a zero:

$$\vec{F}_{tot} = \vec{F}_P + \vec{F}_V = 0.$$



Chiariamo alcune caratteristiche della forza vincolare di una superficie.

La forza vincolare:

- è sempre perpendicolare alla superficie
- Il suo verso è sempre tale da respingere il corpo
- La sua intensità è sempre uguale alla forza premente, ovvero alla forza che preme sul piano perpendicolarmente ad esso.

### Esempio 2

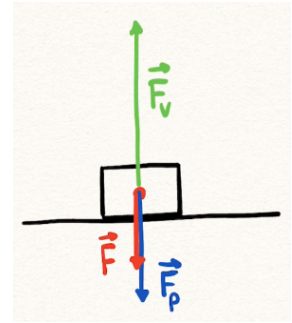
Per maggiore chiarezza riprendiamo il sistema descritto nel primo esempio e aggiungiamo una forza  $\vec{F}$  perpendicolare al piano, diretta verso il basso.

Ora sul corpo agiscono tre forze: la forza peso  $F_P$ , la forza esterna  $F$  e la reazione vincolare  $F_V$ . La condizione di equilibrio quindi diventa:

$$\vec{F}_{tot} = \vec{F}_P + \vec{F} + \vec{F}_V = 0.$$

La somma delle tre forze è uguale a zero. Ora la forza vincolare deve bilanciare la somma delle altre due forze che spingono il corpo verso il piano, quindi l'intensità della forza vincolare è maggiore rispetto al primo esempio poiché ora è uguale alla somma delle intensità delle altre due forze:

$$F_V = F_P + F.$$



### Esempio 3

Consideriamo ora un corpo in equilibrio su un piano orizzontale con una forza esterna che spinge il corpo parallelamente al piano.

La differenza rispetto agli esempi precedenti è che ora le forze non hanno tutte la stessa direzione. Quindi analizziamo separatamente le forze nella direzione perpendicolare al piano, ovvero quelle verticali e le forze parallele al piano, ovvero quelle orizzontali.

Nella direzione perpendicolare al piano abbiamo la forza peso diretta verso il basso  $F_P$  e la forza vincolare  $F_V$  diretta verso l'alto uguale e opposta alla forza peso, pertanto

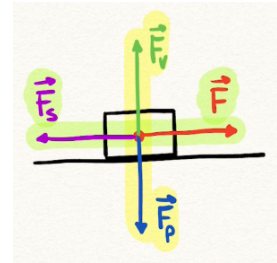
$$\vec{F}_{tot \perp} = \vec{F}_P + \vec{F}_V = 0$$

In direzione orizzontale abbiamo invece la forza esterna  $F$ . Ma siccome il corpo è in equilibrio, deve esserci un'altra forza orizzontale con verso opposto per rispettare la condizione di equilibrio.

Questa forza è la forza di attrito statico  $\vec{F}_s$ . Anche nella direzione parallela al piano la forza totale

$$\vec{F}_{tot \parallel} = \vec{F} + \vec{F}_s = 0$$

La forza di attrito statico è quindi uguale e opposta alla forza orizzontale  $F$ :  $\vec{F}_s = -\vec{F}$  e le intensità delle due forze sono uguali  $F_s = F$ .



### Esempio 4

Come ultimo esempio analizziamo l'equilibrio su un piano inclinato.

Consideriamo quindi un corpo in equilibrio su un piano inclinato di un angolo  $\alpha$  rispetto all'orizzontale.

Analizziamo le forze.

Rappresentiamo subito la forza peso  $F_P$  che in questo sistema non è perpendicolare al piano, quindi la scomponiamo subito nelle direzioni parallela e perpendicolare al piano. Abbiamo quindi che:

$$F_{P\perp} = F_P \cdot \cos \alpha$$

$$F_{P\parallel} = F_P \cdot \sin \alpha$$

In direzione perpendicolare al piano la forza peso perpendicolare è

bilanciata dalla forza vincolare che quindi è uguale e opposta ad essa  $\vec{F}_V = -\vec{F}_{P\perp}$ . In questa direzione quindi abbiamo

$$\vec{F}_{tot \perp} = \vec{F}_{P\perp} + \vec{F}_V = 0.$$

Nella direzione parallela al piano invece la forza peso parallela  $F_{P\parallel}$  deve essere bilanciata dalla

forza di attrito statico  $\vec{F}_s = -\vec{F}_{P\parallel}$ . E anche in questa direzione abbiamo

$$\vec{F}_{tot \parallel} = \vec{F}_{P\parallel} + \vec{F}_s = 0.$$

